



## Olimpiada Națională de Matematică

### Programa pentru clasele a IX-a – a XII-a

- Pentru fiecare clasă, în programa de olimpiadă sunt incluse, în mod implicit, conținuturile programelor de olimpiadă din clasele anterioare.
- Pentru fiecare clasă, în programa prevăzută pentru etapa județeană/a sectoarelor municipiului București și pentru etapa națională sunt incluse, în mod implicit, și conținuturile programelor de olimpiadă de la etapa/etapele anterioare.
- Pentru fiecare clasă, în programa de olimpiadă sunt incluse, în mod implicit, conținuturile programelor școlare în vigoare.

Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a IX-a	<b>Algebră</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Mulțimea numerelor reale</li><li>○ <i>Inegalitatea mediilor</i></li><li>○ <i>Inegalitatea Cauchy-Buniakovski-Schwarz</i></li><li>○ Mulțimi și elemente de logică matematică</li></ul> <b>Geometrie</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Vectori în plan (conținutul programei școlare)</li><li>○ Coliniaritate, concurență, paralelism (conținutul programei școlare)</li></ul>	<b>Algebră</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Siruri (funcții definite pe mulțimea numerelor naturale)</li><li>○ Progresii aritmetice și geometrice</li><li>○ Recurențe liniare de ordinul I și II</li><li>○ Ecuații în numere întregi : <math display="block">ax + by = c; \quad x^2 + y^2 = z^2</math></li><li>○ Teorema împărțirii cu rest în mulțimea numerelor întregi. Algoritmul lui Euclid</li><li>○ Congruențe modulo n</li><li>○ Teoremele Fermat, Wilson</li><li>○ Inegalitatea lui Holder. Inegalitatea lui Bernoulli. Inegalitatea lui Cebășev</li></ul> <b>Geometrie</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Teoreme de geometrie clasică. Teorema lui Stewart. Teorema lui Steiner. Dreapta lui Euler. Drepte de tip Simson</li><li>○ Puncte și linii importante în triunghi. Teoreme de concurență și coliniaritate. Relații metrice</li></ul>	<b>Algebră</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Funcții. Proprietăți ale funcțiilor numerice. Compunerea funcțiilor</li><li>○ Funcțiile de gradul I și al II-lea</li><li>○ <i>Mulțimi numărabile</i> (<math>\mathbb{Q}</math>, <math>\mathbb{Z}</math>, <math>\mathbb{N}</math>) și <i>nenumărabile</i> (<math>\mathbb{R}</math>)</li><li>○ <i>Densitatea</i> în <math>\mathbb{R}</math> a mulțimilor <math>\mathbb{Q}</math> și <math>\mathbb{Q} \setminus \mathbb{Z}</math> (orice interval deschis de numere reale conține atât numere iraționale cât și numere raționale)</li><li>○ <i>Teorema de densitate a lui Kronecker</i> (dacă a este irațional, mulțimea valorilor sirului <math>(\{n\alpha\})_{n \geq 1}</math> este densă în <math>[0,1]</math>)</li><li>○ <i>Indicatorul lui Euler</i>: <math>\phi(n) =</math> numărul numerelor prime cu n, mai mici decât n; teorema lui Euler</li></ul> <b>Geometrie și trigonometrie</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Elemente de trigonometrie</li><li>○ Aplicații ale trigonometriei și ale produsului scalar a doi vectori în geometria plană</li></ul>



Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a X-a	<b>Algebra</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Mulțimea numerelor reale. Radicali. Logaritmi</li> <li>○ Funcții injective, surjective, bijective</li> <li>○ Funcții inversabile</li> <li>○ Numere complexe</li> <li>○ <i>Aplicații ale numerelor complexe în geometrie</i></li> </ul>	<b>Algebra/Geometrie și trigonometrie</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Funcții trigonometrice și invers trigonometrice</li> <li>○ Ecuării trigonometrice</li> <li>○ <i>Funcții convexe. Inegalitatea lui Jensen</i></li> <li>○ Funcții putere, funcții radical. Ecuării cu radicali</li> <li>○ Funcții și ecuații exponențiale și logaritmice</li> </ul>	<b>Algebra/Geometrie și trigonometrie</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Metode de numărare</li> <li>○ Geometrie analitică</li> <li>○ <i>Polinoame</i></li> <li>○ <i>C.m.m.d.c. și c.m.m.m.c. a două polinoame; algoritmul lui Euclid</i></li> <li>○ <i>Teorema fundamentală a algebrei</i></li> <li>○ <i>Teorema lui Bezout. Rădăcini multiple</i></li> <li>○ <i>Relații între rădăcini și coeficienți</i></li> <li>○ <i>Polinoame ireductibile</i></li> </ul>

Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a XI-a	<b>Algebra</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Permutări. Descompunerea unei permutări în produs de cicluri disjuncte, respectiv transpoziții.</li> <li>○ Matrice și determinanți. Matrice inversabile</li> <li>○ <i>Ecuția caracteristică a unei matrice. Teorema Hamilton-Cayley</i></li> <li>○ Aplicații ale determinanților în geometria plană</li> </ul> <p><b>Analiză matematică</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Mulțimea numerelor reale</li> <li>○ Siruri. Limite de siruri. Limite de funcții</li> <li>○ <i>Lema Stolz-Cesaro. Criteriul Cauchy-D'Alembert</i></li> <li>○ <i>Lema intervalelor închise (Cantor)</i></li> <li>○ <i>Mulțimi dense în <math>\mathbb{Q}</math></i></li> </ul>	<b>Algebra</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Rangul unei matrice</li> <li>○ <i>Inegalitatea lui Sylvester (Frobenius) asupra rangului produsului a două matrice</i></li> <li>○ <i>Polinom caracteristic, valori proprii</i></li> </ul> <p><b>Analiză matematică</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Funcții continue</li> <li>○ <i>Discontinuități de prima și a doua speță.</i></li> <li>○ <i>Funcții cu proprietatea valorii intermediare (Darboux)</i></li> <li>○ <i>Puncte limită pentru siruri</i></li> <li>○ <i>Mulțimi numărabile și nenumărabile</i></li> </ul>	<b>Algebra</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Sisteme de ecuații liniare</li> </ul> <p><b>Analiză matematică</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ Funcții derivabile. Proprietățile funcțiilor derivabile</li> <li>○ <i>Teorema lui Darboux. Teorema lui Cauchy</i></li> <li>○ <i>Formula lui Taylor cu restul lui Lagrange</i></li> </ul>



Clasa	Etapa locală a ONM	Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM	Etapa națională a ONM
a XII-a	<b>Algebră</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Grupuri (conținutul programei școlare)</li><li>○ <i>Grupuri finite. Grupuri finit generate</i></li><li>○ <i>Subgrupuri clasice (centralizatorul unui element sau al unei mulțimi, centrul unui grup, nucleul și imaginea unui morfism)</i></li><li>○ <i>Teorema lui Lagrange. Teorema lui Cauchy</i></li> <b>Analiză matematică</b><ul style="list-style-type: none"><li>○ Primitive</li><li>○ Integrala definită</li></ul></ul>	<b>Algebră</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Inele și corpuși</li><li>○ <i>Morfisme de semigrupuri, monoizomorfisme</i></li><li>○ <i>Elemente nilpotente și elemente idempotente</i></li><li>○ <i>Orice corp finit este comutativ</i></li></ul> <b>Analiză matematică</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Aplicații ale integralei definite</li></ul>	<b>Algebră</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ Inele de polinoame</li></ul> <b>Analiză matematică</b> <ul style="list-style-type: none"><li>○ <i>Sume Darboux, sume Riemann, integrabilitate</i></li><li>○ <i>Mulțimi neglijabile Lebesgue</i></li><li>○ <i>Criteriul lui Lebesgue de integrabilitate</i></li></ul>

**Notă**

Textul *italic* din tabele semnifică acele conținuturi specifice programelor ONM, în completarea conținuturilor prevăzute de programele școlare ale disciplinei Matematică.